

APUNTES SOBRE UNA RELACION

ENTRE NUMEROS PRIMOS +

Ramón FANDIÑO ARBELAEZ.

Aunque inicialmente nos propusimos encontrar una fórmula de aproximación para números primos , el resultado final de este trabajo es una relación funcional implícita entre éstos .

Esta relación es de la forma :

$$F(p_1, p_2, \dots, p_{k-1}, p_k) = 0, \text{ donde}$$

$$p_k = f(p_1, p_2, \dots, p_{k-1}), \text{ } p_k \text{ es el k-ésimo primo.}$$

Se siguió una metodología de ajuste de curvas por el método de los mínimos cuadrados . El resultado final se logró mediante cinco ajustes sucesivos , cada uno mejor que el anterior .

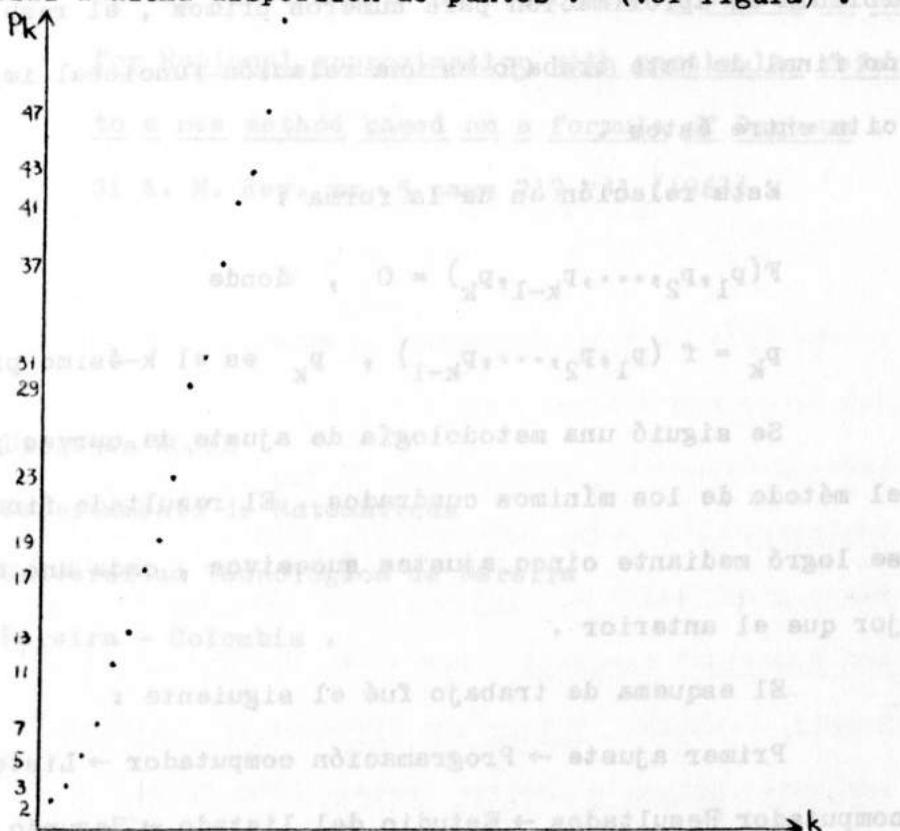
El esquema de trabajo fué el siguiente :

Primer ajuste → Programación computador → Listado computador Resultados → Estudio del listado → Segundo ajuste → Programación computador → Listado computador

Resultados → Estudio del listado → Tercer ajuste → ... →
Quinto ajuste → Programación computador → Listado computador Resultados Finales → Conclusiones .

PRIMER AJUSTE

Al observar en el plano cartesiano el conjunto de puntos $(1, p_1), (2, p_2), \dots, (N, p_N)$, donde p_1, p_2, \dots, p_N son los N primeros números primos dados, nos parece muy natural tratar de ajustar una curva exponencial a dicha dispersión de puntos . (ver figura) .



Sea el modelo exponencial : $y = ab^x$ donde
 $x = 1, 2, \dots, N$ y $y = p_1, p_2, \dots, p_N$

Encontraremos los valores de los parámetros
 a y b en términos de p_1, p_2, \dots, p_N y N .

Linealizando el modelo $y = ab^x$, tenemos :
 $\log y = \log a + (\log b) x$ ó $\tilde{y} = \tilde{a} + \tilde{b}x$ con
 $\tilde{y} = \log y$; $\tilde{a} = \log a$ y $\tilde{b} = \log b$.

Sea además : $\tilde{y}_x = \log y_x$ donde $x = 1, 2, \dots, N$
 $y y_x = p_x = x - \text{ésimo primo}.$

Sea : $F(\tilde{a}, \tilde{b}) = \sum_{x=1}^N (\tilde{y}_x - \tilde{y})^2$

$$= \sum_{x=1}^N (\tilde{y}_x - \tilde{a} - \tilde{b}x)^2$$

Encontraremos aquellos valores de \tilde{a} y \tilde{b} que
minimizan $F(\tilde{a}, \tilde{b})$

Para ésto :

$$\frac{\delta F}{\delta \tilde{a}} = -2 \sum_{x=1}^N (\tilde{y}_x - \tilde{a} - \tilde{b}x) = 0$$

$$\frac{\delta F}{\delta \tilde{b}} = -2 \sum_{x=1}^N (\tilde{y}_x - \tilde{a} - \tilde{b}x)x = 0$$

De donde se obtienen las ecuaciones normales :

$$Na \tilde{+} \left(\sum_{x=1}^N x \right) b \tilde{=} \sum_{x=1}^N y \tilde{x}$$

$$y \tilde{+} \left(\sum_{x=1}^N x \right) a \tilde{+} \left(\sum_{x=1}^N x^2 \right) b \tilde{=} \sum_{x=1}^N y \tilde{x}^2$$

Resolviendo para $a \tilde{+}$ y $b \tilde{+}$, obtenemos :

$$a \tilde{=} \frac{\sum_{x=1}^N x^2 \sum_{x=1}^N y \tilde{x} - \sum_{x=1}^N x \sum_{x=1}^N y \tilde{x} x}{\sum_{x=1}^N x^2 - (\sum_{x=1}^N x)^2} \quad (1)$$

$$y \tilde{+} b \tilde{=} \frac{\sum_{x=1}^N y \tilde{x} x - \sum_{x=1}^N x \sum_{x=1}^N y \tilde{x}}{\sum_{x=1}^N x^2 - (\sum_{x=1}^N x)^2} \quad (2)$$

Recordando que :

$$\sum_{x=1}^N x^2 = \frac{N^3}{3} + \frac{N^2}{2} + \frac{N}{6}$$

$$\sum_{x=1}^N x = \frac{N(N+1)}{2}$$

$$\sum_{x=1}^N y \tilde{x} = \sum_{x=1}^N \log y \tilde{x} = \log(y_1 y_2 \dots y_N)$$

$$y \sum_{x=1}^N y_x^x x = \sum_{x=1}^N (\log y_x) x = \sum_{x=1}^N \log y_x^x = \log(y_1^1 y_2^2 \dots y_N^N)$$

y reemplazando en las expresiones (1) y (2) tenemos :

$$\tilde{a} = \log \frac{(y_1 y_2 \dots y_N)^A}{(y_1^1 y_2^2 \dots y_N^N)^B}$$

$$\tilde{b} = \log \frac{(y_1^1 y_2^2 \dots y_N^N)^C}{(y_1 y_2 \dots y_N)^B}$$

donde

$$A = \frac{4N^2 + 6N + 2}{N^3 - N}, \quad B = \frac{6N + 6}{N^3 - N}, \quad C = \frac{12}{N^3 - N}$$

Como $\tilde{a} = \log a$ y $\tilde{b} = \log b$, entonces :

$$\tilde{a} = \frac{(y_1 y_2 \dots y_N)^A}{(y_1^1 y_2^2 \dots y_N^N)^B} \quad (3)$$

$$y \quad \tilde{b} = \frac{(y_1^1 y_2^2 \dots y_N^N)^C}{(y_1 y_2 \dots y_N)^B} \quad (4)$$

Reemplazando (3) y (4) en la función

$y = a b^x$, obtenemos :

$$\bar{y}_x = \left(\frac{(y_1 y_2 \dots y_N)^A}{(y_1^1 y_2^2 \dots y_N^N)^B} \right)^x \times \left(\frac{(y_1^1 y_2^2 \dots y_N^N)^C}{(y_1 y_2 \dots y_N)^B} \right)^x,$$

para $x = 1, 2, 3, \dots$, y N fijo.

Esta fórmula es la exponencial ajustada a los N primeros números primos y_1, y_2, \dots, y_N dados y nos permite calcular valores aproximados \bar{y}_x de los primos p_x para cada $x = 1, 2, 3, \dots$

Si ahora escribimos :

$$k \text{ en lugar de } x; l^{p_k} \text{ en lugar de } \bar{y}_x \text{ y } p_k \\ \text{en lugar de } y_x, \text{ obtenemos :}$$

$$l^{p_k} = \left(\frac{(p_1 p_2 \dots p_N)^A}{(p_1^1 p_2^2 \dots p_N^N)^B} \right)^x \times \left(\frac{(p_1^1 p_2^2 \dots p_N^N)^C}{(p_1 p_2 \dots p_N)^B} \right)^k; (5)$$

para $k = 1, 2, 3, \dots$ y N fijo.

Aquí l^{p_k} es un valor "aproximado" de p_k para cada $k = 1, 2, 3, \dots$

Para evitar una extrapolación inadecuada y peligrosa cuando $k > N$, tomamos en nuestra fórmula (5)

$N = k - 1$ y obtenemos , después de hacer las respectivas simplificaciones y reducciones :

$$l^{p_k} = \prod_{i=1}^{k-1} p_i^{\frac{6i-2k-2}{k^2-3k+2}} ; \text{ para } k = 3,4,5,\dots \quad (6)$$

En (6) tenemos una familia de curvas exponenciales de ajuste ya que cada l^{p_k} (para $k = 3,4,5,\dots$) viene dado en función de p_1, p_2, \dots, p_{k-1} .

La fórmula (6) se programó en el computador del centro de cómputo de la Universidad Nacional (computador digital IBM 360/44) y se obtuvo el listado de las columnas 1, 2 y 3.

Después de un estudio detenido de dicho listado se llegó a la conclusión de que las diferencias

$l^{\delta(l^{p_k})} = p_k - l^{p_k}$ (D. 1^{er} a.) presentan una tendencia lineal y por consiguiente se procedió a un ajuste lineal de dichas diferencias , pues en definitiva el ajuste que se obtuvo en (6) no es bueno como se comprueba con el listado .

SEGUNDO AJUSTE

Sea el modelo lineal : $z = c + dx$ donde

$$x = 1, 2, \dots, N \quad y \quad z = \delta(p_1), \delta(p_2), \dots, \delta(p_N) .$$

Encontraremos los valores de los parámetros

$$c \text{ y } d \text{ en términos de } \delta(p_1), \delta(p_2), \dots, \delta(p_N)$$

Sea además $z_x = \delta(p_x) - x$ - ésmima diferencia ;

$$x = 1, 2, \dots, N .$$

$$\text{Si } G(c, d) = \sum_{x=1}^N (z_x - z)^2 = \sum_{x=1}^N (z_x - c - dx)^2 ,$$

encontraremos aquellos valores de c y d que minimizan $G(c, d)$.

Por el método de los mínimos cuadrados , obtenemos

$$c = \frac{\sum_{x=1}^N z_x^2 - \sum_{x=1}^N z_x \sum_{x=1}^N x}{\sum_{x=1}^N x^2 - (\sum_{x=1}^N x)^2}$$

$$y \quad d = \frac{\sum_{x=1}^N z_x x - \sum_{x=1}^N x \sum_{x=1}^N z_x}{\sum_{x=1}^N x^2 - (\sum_{x=1}^N x)^2}$$

Haciendo los cambios y reemplazos respectivos , obte-

nemos :

$$_1\delta(_1p_k) = \sum_{i=1}^{k-1} \frac{6i-2k-2}{2-3k+2} \delta(_1p_i) I_Q(i); k=3,4,5,\dots \quad (7)$$

donde I es la función indicadora y

$$Q = \{ 3,4,5,\dots \}$$

Aquí $_1\delta(_1p_k)$ es un valor "aproximado" de $\delta(_1p_k)$ para cada $k = 3,4,5,\dots$

En (7) tenemos una familia de rectas de ajuste ya que cada $_1\delta(_1p_k)$ viene dada en función de $\delta(_1p_1), \delta(_1p_2), \dots, \delta(_1p_{k-1})$ para $k = 3,4,5,\dots$

Recordando que $p_k = _1p_k + \delta(_1p_k)$ para $k = 3,4,5,\dots$ y que $_1\delta(_1p_k) \approx \delta(_1p_k)$ obtenemos el modelo reajustado:

$$_2p_k = _1p_k + _1\delta(_1p_k); \quad k = 3,4,5,\dots, \quad (8)$$

Esta fórmula se programó y se obtuvo el listado de las columnas 4 y 5.

Se observa que el ajuste $_2p_k$ es mucho mejor que el ajuste $_1p_k$ y las diferencias

$\delta(_2p_k) = p_k - _2p_k$ (D. 2º a.) presentan tendencia lineal.

Aún así el ajuste $_2p_k$ no nos pareció satisfactorio

torio y por consiguiente se procedió a un ajuste lineal de las diferencias $\delta(\Delta^2 p_k)$.

TERCER AJUSTE

Sea el modelo lineal : $w = e + fx$

donde $x = 1, 2, \dots, N$ y $w = \delta(\Delta^2 p_1), \delta(\Delta^2 p_2), \dots, \delta(\Delta^2 p_N)$.

Encontraremos los valores de los parámetros e y f en términos de $\delta(\Delta^2 p_1), \delta(\Delta^2 p_2), \dots, \delta(\Delta^2 p_N)$ y N .

Sean además $w_x = \delta(\Delta^2 p_x) = x\text{-ésima diferencia ;}$
 $x = 1, 2, \dots, N$;

$$H(e, f) = \sum_{x=1}^N (w_x - w)^2 = \sum_{x=1}^N (w_x - e - fx)^2.$$

Encontraremos aquellos valores de e y f que minimizan $H(e, f)$ haciendo un desarrollo idéntico al que se hizo para los dos primeros ajustes. De esta manera se obtiene :

$$1\delta(\Delta^2 p_k) = \sum_{i=1}^{k-1} \frac{6i-2k-2}{k^2-3k+2} \delta(\Delta^2 p_i) \cdot I_Q(i) ; k = 3, 4, 5, \dots \quad (9)$$

Donde $1\delta(\Delta^2 p_k)$ es un valor "aproximado" de $\delta(\Delta^2 p_k)$ para cada $k = 3, 4, 5, \dots$

Recordando que $p_k = \Delta^2 p_k + \delta(\Delta^2 p_k)$ para $k = 3, 4, 5, \dots$

y que $1\delta(\Delta^2 p_k) \approx \delta(\Delta^2 p_k)$ obtenemos el modelo reajustado :

$$3p_k = 2p_k + 1\delta(2p_k) ; \quad k = 3, 4, 5, \dots \quad (10)$$

Esta fórmula se programó y se obtuvo el listado de las columnas 6 y 7.

Se observa que el ajuste $3p_k$ es aún mejor que el ajuste $2p_k$ y las diferencias $\delta(3p_k) = p_k - 3p_k$ (D. 3^{er} a.) no presentan ninguna tendencia específica, pues oscilan alrededor de cero en forma aparentemente errática. (Vale decir que la gráfica de $(k, \delta(3p_k))$ se parece mucho a un electrocardiograma).

Como el ajuste $3p_k$ no nos pareció aún satisfactorio procedimos a un nuevo ajuste.

CUARTO AJUSTE

Este ajuste no se hizo por mínimos cuadrados sino que se trabajó con las diferencias relativas

$$\frac{\delta(3p_k)}{p_k} \quad \text{así :}$$

Para cada $k = 3, 4, 5, \dots$, tenemos :

$$\frac{p_k - 3p_k}{p_k} = \frac{\delta(3p_k)}{p_k} \Rightarrow p_k - 3p_k = p_k \frac{\delta(3p_k)}{p_k}$$

$$\Rightarrow p_k - p_k \frac{\delta(3p_k)}{p_k} = 3p_k \Rightarrow p_k \left(1 - \frac{\delta(3p_k)}{p_k} \right) = 3p_k$$

$$\Rightarrow p_k \left(1 - \frac{\delta(3p_{k-1})}{p_{k-1}} \right) \approx 3p_k \text{ ya que } \frac{\delta(3p_{k-1})}{p_{k-1}} \text{ es prácticamente igual a } \frac{\delta(3p_k)}{p_k} . \text{ Luego ,}$$

$$p_k \approx \frac{1}{1 - \frac{\delta(3p_{k-1})}{p_{k-1}}} 3p_k$$

$$\Rightarrow p_k \approx \frac{p_{k-1}}{p_{k-1} - p_{k-1} + 3p_{k-1}} 3p_k$$

$$\Rightarrow p_k \approx \frac{p_{k-1}}{3p_{k-1}} 3p_k$$

Sea $4p_k = \frac{p_{k-1}}{3p_{k-1}} 3p_k$ para $k = 3, 4, 5, \dots$ (11)

Esta fórmula se programó y se obtuvo el listado de las columnas 8 y 9.

Se observa que el ajuste $4p_k$ es mucho mejor que el ajuste $3p_k$ y las diferencias $\delta(4p_k) = p_k - 4p_k$

(D. 4º a.) no presentan ninguna tendencia específica ,

pues oscilan alrededor de cero en forma aparentemente errática , aunque la amplitud máxima de oscilación es más pequeña que la correspondiente del 3^{er} ajuste .

Teniendo en cuenta que aunque el 4^o ajuste es relativamente bueno pero no nos satisfizo plenamente , nos pusimos a ensayar relaciones entre los elementos del listado de las columnas 1 a 9 , claro está con calculadora en mano.

Después de múltiples operaciones (para 100 valores de k escogidos al azar dentro del listado de k = 3 a 4999) se conjeturó el siguiente resultado :

QUINTO AJUSTE

$$5p_k = 4p_k - (\delta(3p_{k-1}) - \delta(3p_k)) \approx p_k \quad \text{para } k = 4, 5, \dots \quad (12)$$

Se programó la fórmula (12) y se obtuvo el listado de las columnas 10 y 11 .

Como se puede ver , los resultados obtenidos son plenamente satisfactorios , pues $5p_k$ es prácticamente igual a p_k para $k = 4, 5, \dots, 4999$. y $\delta(5p_k) - p_k$ es casi cero para $k = 4, 5, \dots, 4999$ (salvo para $k = 4, 6, 11$) .

De la relación (12) y de las columnas 10 y 11 del listado se puede concluir :

p_k = entero más próximo a $\frac{p_{k-1}}{3^{p_{k-1}}}$ para $k = 4, 5, \dots, 4999$.
 (salvo para $k = 4, 6, 11$) . (13)

A partir del resultado (13) llegamos a nuestra

" Relación funcional implícita entre números primos " .

Como $p_k \approx \frac{p_{k-1}}{3^{p_{k-1}}} 3^{p_k} - (\delta(3^{p_{k-1}}) - \delta(3^{p_k}))$ para
 $k = 4, 5, \dots, 4999$,

entonces $p_k \approx \frac{p_{k-1}}{3^{p_{k-1}}} 3^{p_k} - p_{k-1} + 3^{p_{k-1}} + p_k - 3^{p_k}$
 para $k = 4, 5, \dots, 4999$.

Luego : $\frac{p_{k-1}}{3^{p_{k-1}}} 3^{p_k} - p_{k-1} + 3^{p_{k-1}} - 3^{p_k} \approx 0$

para $k = 4, 5, \dots, 4999$.

O lo que es lo mismo :

$\frac{p_k}{3^{p_k}} 3^{p_{k+1}} - p_k + 3^{p_k} - 3^{p_{k+1}} \approx 0$ para $k=4, 5, \dots, 4999$
 y en definitiva

$$\Psi \left(\frac{p_k}{3^{p_k}} 3^{p_{k+1}} - p_k + 3^{p_k} - 3^{p_{k+1}} \right) = 0$$

para $k = 4, 5, \dots, 4999$ (salvo para $k = 4, 6, 11$) .

donde ψ es la función " entero más próximo a " .

O sea :

$$\psi(h(p_1, p_2, \dots, p_{k-1}, p_k)) = 0 .$$

para $k = 4, 5, \dots, 4999$. (salvo para $k = 4, 6, 11$) .

Aquí el k -ésimo primo es función implícita de los $k-1$ primos anteriores p_1, p_2, \dots, p_{k-1} .

Por consiguiente nuestro resultado final es :

Una relación funcional implícita entre números primos .

Que esta relación sea válida o no para $k > 4999$ es algo que habría que demostrarse o por lo menos verificarse .

RESUMEN DE LAS RELACIONES OBTENIDAS

$$1^{p_k} = \prod_{i=1}^{k-1} p_i^{\frac{6i-2k-2}{k^2-3k+2}} ; \quad k = 3, 4, 5 . \quad (1^{\text{er}} \text{ ajuste})$$

$$\delta(1^{p_k}) = p_k - 1^{p_k} .$$

$$2^{p_k} = 1^{p_k} + \sum_{i=1}^{k-1} \frac{6i-2k-2}{k^2-3k+2} \delta(1^{p_i}) I_Q(i)$$

$$k = 3, 4, 5, \dots \quad (2^{\text{o}} \text{ ajuste})$$

$$\delta(2p_k) = p_k - 2p_k \cdot$$

$$3p_k = 1p_k + \sum_{i=1}^{k-1} \frac{6i-2k-2}{k^2-3k+2} (\delta(1p_i) + \delta(2p_i)) I_Q(i)$$

$$k = 3, 4, 5, \dots \quad (3^{\text{er}} \text{ ajuste})$$

$$\delta(3p_k) = p_k - 3p_k \cdot$$

$$4p_k = \frac{p_{k-1}}{3p_{k-1}} 3p_k, \quad k = 4, 5, \dots \quad (4^{\text{o}} \text{ ajuste})$$

$$\delta(4p_k) = p_k - 4p_k \cdot$$

$$5p_k = 4p_k - (\delta(3p_{k-1}) - \delta(3p_k)); \quad k=4, 5, \dots \quad (5^{\text{o}} \text{ ajuste})$$

$$\delta(5p_k) = p_k - 5p_k \cdot$$

RESULTADO FINAL

$\delta(5p_k) \approx 0$ para $k = 4, 5, \dots, 4999$ (salvo para $k=4, 6, 11$)

Mejor : $\psi(\delta(5p_k)) = 0$.

(donde $\lceil \cdot \rceil$ es la función "entero más próximo a" .

Nota :

Como se desprende de lo expuesto , este trabajo , aunque tiene que ver con la distribución de los números primos y por consiguiente con la Teoría de Números , no utiliza ningún resultado de ésta , por lo tanto no presentamos ninguna bibliografía .

Las técnicas utilizadas por el autor (ajuste de curvas - números cuadrados) son ampliamente conocidas .

⁺Este trabajo fué presentado en octubre de 1979 por Ramón Fandino Arbeláez , para su promoción a profesor Asistente.

Nota :

El trabajo de programación fué realizado con la mayor diligencia por los Drs. Gloria Inés Giraldo y Jaime Herrera Bernal del Centro de Cómputo de la Universidad Nacional por lo cual el autor les queda altamente agradecido .

ANEXO 1 : PROGRAMA DE COMPUTADOR

ANEXO 2 : DIAGRAMA DE FLUJO

ANEXO 3 : PARTE DEL LISTADO .

Ramón FANDINO ARBELAEZ

Departamento de Matemáticas

Universidad Nacional

Bogotá - Colombia .

En su trabajo titulado "Análisis de la evolución de la población en el Perú entre 1821 y 1960" realizó una estimación de la población en el Perú para el año 1960.

En su trabajo titulado "Análisis de la población en el Perú entre 1821 y 1960" realizó una estimación de la población en el Perú para el año 1960.

En su trabajo titulado "Análisis de la población en el Perú entre 1821 y 1960" realizó una estimación de la población en el Perú para el año 1960.

En su trabajo titulado "Análisis de la población en el Perú entre 1821 y 1960" realizó una estimación de la población en el Perú para el año 1960.

TRAN IV G LEVEL 21 MAIN DATE = 79280 11/17/746 PAGE 0001

```
001      DIMENSION PI1001,S111001,S211001,S311001
002      PI1=2.
003      P(2)=3.
004      P(3)=5.
005      P(4)=7.
006      S111=0.
007      S121=9.
008      S111=0.
009      S21=1.
010      S311=0.
011      S321=0.
012      NL=6
013      N=1
014      DO 20 I=11,500,2
015      K=500*FLOAT(I)
016      DO 10 J=3*K+2
017      IF(MOD(I,J).EQ.0) GO TO 20
018      10 CONTINUE
019      N=N+1
020      PINI=1
021      20 CONTINUE
022      25 DO 30 K=3*N
023      S1K1=1.
024      V1=K*K-3*K+2
025      L=K-1
026      DO 30 M=1,L
027      VS=6*M-2*K-2
028      PDT=VS/V1
029      IF(PDT< 2.0+2.2)
030      24 AUX=1.
031      GO TO 29
032      27 AUX=PINI*DPT
033      GO TO 29
034      28 PDT=1.0*DPT
035      AUX=1.0/(PINI)*DPT
036      29 S1K1=S1K1+AUX
037      30 CONTINUE
038      00 50 K=3*N
039      S2K1=0.
040      V1=K*K-3*K+2
041      L=K-1
042      DO 40 M=1,L
043      IF(M.LT.3) GO TO 40
044      VS=6*M-2*K-2
045      AUX=(PINI)-S1M1*(VS/V1)
046      S2K1=S2K1+AUX
047      40 CONTINUE
048      S2K1=S2K1+S1K1
049      50 CONTINUE
050      00 60 K=3*N
051      S3K1=0.
052      V1=K*K-3*K+2
053      L=K-1
054      DO 70 M=1,L
055      IF(M.LT.3) GO TO 70
056      VS=6*M-2*K-2
057      AUX=(2*PINI)-S1M1-(S2M1)*(VS/V1)
058      S3K1=S3K1+AUX
059
```

TO, CONTINUE.

SAKAKIWA,KAZUO

0059

0060 NO,CONTINUE.

0061 NO,CONTINUE

0062 NO,LTE6,4000
NO,LT1E6,4000

0063 NO,SO,KeckH
Loksh

0064 Sompel1/5/81,(PWSKA)

0065 Tapul,1/5/81,(PWSKA)

0066 Tapul,1/5/81,(PWSKA)

0067 D15P1R1.
E15D1R1-S1R1

0068 E3D1R1-S2R1
E3D1R1-S3R1

0069 E3D1R1-S4R1
E3D1R1-S5R1

0070 NO,SO,
NO,PBL,
ML

0071 NO,PBL,
ML

0072 NO,PBL,
ML

0073 NO,PBL,
ML

0074 NO,PBL,
ML

0075 NO,LTE6,4000
NO,LTE6,4000

0076 NO,LTE6,4000
NO,LTE6,4000

0077 NO,LTE6,4000
NO,LTE6,4000

0078 NO,LTE6,4000
NO,LTE6,4000

0079 NO,LTE6,4000
NO,LTE6,4000

0080 NO,LTE6,4000
NO,LTE6,4000

0081 NO,LTE6,4000
NO,LTE6,4000

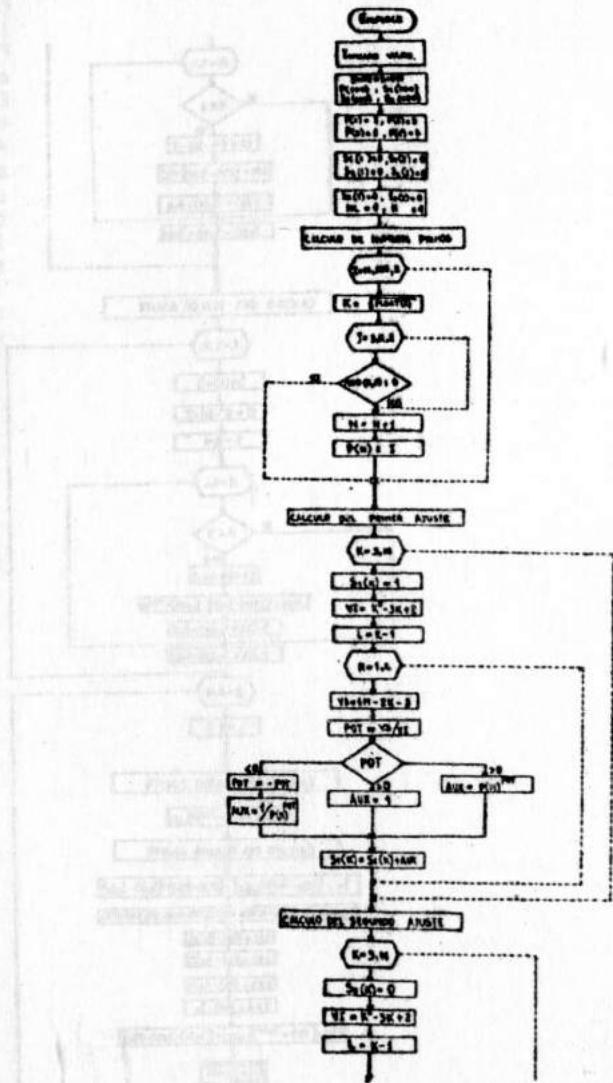
0082 NO,LTE6,4000
NO,LTE6,4000
NO,LTE6,4000
NO,LTE6,4000
NO,LTE6,4000
NO,LTE6,4000

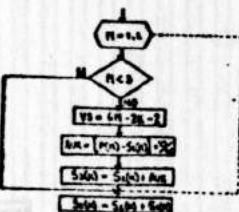
0083 STOP

0084 ENQ

/46

1A6





CALCULO DEL TERCER AJUSTE

$K = 3,0$

$S_{1000} = 0$

$S_{10} = S_{1000} / S_{1000}$

$L = L - 1$

$M = 0,0$

$N \leq 3$?

$(S_{10} - S_{10} - S_{10})$

$S_{100} = 2 \cdot K \cdot (1 - S_{10} - S_{10}) \cdot S_{10}^2 \cdot K$

$S_{100} = S_{10} \cdot S_{100}$

$S_{1000} = S_{100} / S_{100}$

$K = 4,0$

$L = L - 1$

CALCULO DEL CUARTO AJUSTE

$S_{10} = P_{10} \cdot S_{1000} / S_{1000}$

CALCULO DEL QUINTO AJUSTE

$S_{10} = (P_{10} - S_{1000} / S_{1000}) + (P_{10} - P_{10}) \cdot (S_{100} - S_{10})$

CALCULO DE LOS ERRORES ABSOLUTOS PARA LOS SANTOS

$E_{10} = P_{10} - S_{10}$

$E_{100} = S_{10} - S_{10}$

$E_{1000} = P_{10} - S_{10}$

$E_{1000} = (P_{10} - S_{1000} / S_{1000}) + (S_{100} / S_{100} - S_{100} - P_{10})$

$E_{1000} = E_{1000} / E_{1000}$

$E_{1000} = E_{1000} / E_{1000}$

NUMEROS PRIMOS - AJUSTES - DIFERENCIAS ABSOLUTAS
(PARA K = 4, 5, 6, . . . , 4999)

R. F. I.
AJUSTE # 5 DIFERENCIAS
AJUSTE # 5

PRIMO	AJUSTE # 1	DIFERENCIAS		AJUSTE # 2 DIFERENCIAS		AJUSTE # 3 DIFERENCIAS		AJUSTE # 4 DIFERENCIAS		AJUSTE # 5 DIFERENCIAS	
		AJUSTE # 1	AJUSTE # 1	AJUSTE # 2	AJUSTE # 2	AJUSTE # 3	AJUSTE # 3	AJUSTE # 4	AJUSTE # 4	AJUSTE # 5	AJUSTE # 5
(1)	(2)	(3)	(4)	(5)	(6)	(7)	(8)	(9)	(10)	(11)	
7	7.768066	-0.768066	8.434739	-1.434739	9.101416	-2.101416	10.112697	-3.112697	7.511274	0.511274	
11	11.067963	-0.067963	10.549898	0.450102	9.365164	1.634836	7.202851	3.797149	10.939103	-0.060897	
13	16.878418	-3.678418	16.540009	-3.540009	16.282715	-3.282715	19.125107	-6.125107	14.207550	1.207550	
17	21.707428	-4.707428	18.918610	-1.918610	16.419389	0.580612	13.109118	3.890882	16.972443	-0.027557	
19	27.836670	-8.836670	23.355362	-4.355362	20.665512	-1.665512	21.396271	-2.396271	19.150146	0.150146	
23	33.035599	-10.035599	25.574936	-2.574936	21.592102	1.407898	19.851898	3.148102	22.425308	-0.074692	
29	39.135071	-10.135071	29.365341	-0.365341	25.409256	3.590744	27.066025	1.933675	29.248871	0.248871	
31	47.150925	-16.150925	35.898758	-4.898758	32.873825	-1.873825	37.515394	-6.519394	32.054825	1.054825	
37	54.094406	-17.094406	39.704651	-2.704651	35.689072	1.310928	33.654770	3.345230	36.839523	-0.160477	
41	62.485703	-21.485703	45.615509	-4.615509	41.642441	-0.642441	43.172028	-2.172028	41.218658	0.218658	
43	70.915619	-27.915619	50.942368	-7.942368	46.427582	-3.427582	45.711304	-2.711304	42.926163	-0.073837	
47	78.324814	-31.324814	54.247238	-7.247238	48.387924	-1.387924	44.815613	2.184387	46.855270	-0.144730	
53	85.857758	-32.857758	57.785599	-4.785599	51.093033	1.906967	49.627502	3.372498	52.922394	-0.077606	
59	94.381363	-25.281363	62.869614	-3.869614	56.155960	2.844040	58.251862	0.748138	59.188934	0.188934	
61	103.690430	-42.690430	68.919449	-7.919449	62.419205	-1.419205	65.580414	-4.580414	61.317169	0.317169	
67	112.046341	-45.046341	73.090851	-6.090851	65.875229	1.124771	64.377441	2.622556	66.921417	-0.078583	
71	121.115433	-51.115433	78.314133	-7.314133	70.910370	0.089630	72.121063	-1.121063	71.085922	0.085922	
73	130.047791	-57.047791	83.123547	-10.123947	75.330994	-2.330994	75.426178	-2.426178	73.005554	0.005554	
79	138.138260	-55.138260	86.521620	-7.521820	77.878998	1.121002	75.469147	3.530853	78.921143	-0.078857	
83	146.861969	-63.861969	90.982239	-7.982239	82.107086	0.892914	83.288910	-0.288910	83.060822	0.060822	
89	155.472061	-66.472061	95.219254	-6.219254	86.076523	2.923477	87.012573	1.987427	89.043137	0.043137	
97	164.597942	-61.597942	100.237015	-3.237015	91.168396	5.831604	94.264755	2.735245	97.172882	0.172882	
101	174.746231	-73.746231	106.733475	-5.733475	98.214039	2.785965	104.496277	-3.496277	101.450638	0.450638	
103	184.465048	-81.465048	112.607315	-9.607315	104.186386	-1.186386	107.141739	-4.141735	103.169388	0.169388	
107	193.018939	-84.018939	117.124405	-10.124405	108.221451	-1.221451	106.989105	0.010895	106.954041	-0.045959	
109	202.011536	-92.011536	121.383713	-12.383713	111.990555	-2.990555	110.726547	-1.726547	108.957443	-0.042557	
113	211.132187	-56.132187	124.630476	-11.630478	114.500153	-1.500153	111.442566	1.557434	112.932968	-0.067032	
127	219.356995	-52.356995	127.855377	-0.855377	117.179703	9.320297	115.644440	11.355560	126.964850	-0.035110	
131	229.915375	-58.915375	134.779175	-3.779175	125.015671	5.984329	135.492615	-4.492615	131.656647	0.656647	
137	240.235550	-102.235550	141.097555	-4.097555	131.783469	5.213531	138.094788	-1.094788	137.323990	0.323990	
139	250.771297	-111.771297	147.553111	-8.593811	138.653015	0.346985	144.138168	-5.138168	139.271522	0.271622	
149	260.647705	-111.647705	152.878418	-3.878418	143.744705	5.255295	144.104416	4.895584	149.012726	0.012726	
151	271.593944	-120.593944	159.765320	-8.765320	151.000275	-0.000275	156.520706	-5.520706	151.265137	0.265137	
157	281.876709	-124.876709	165.439540	-8.439540	156.467439	0.532501	156.467209	0.532791	156.995985	-0.000015	
163	292.145703	-125.145703	171.322159	-8.322159	162.200714	0.79286	162.752625	0.247375	163.019409	0.019409	
167	302.986572	-135.986572	177.376938	-10.376938	168.134949	-1.134949	168.963455	-1.963455	167.029221	0.029221	
173	313.398438	-140.398438	182.980728	-9.980728	173.420929	-0.420929	175.250290	0.749710	172.964310	-0.035690	
179	323.967041	-144.967041	188.767639	-9.767639	178.959854	0.040146	178.525467	0.474533	178.986542	-0.013458	
181	334.679932	-153.679932	194.707367	-13.707367	184.695213	-3.695213	184.737595	-3.737595	181.001236	0.001236	
191	344.805176	-152.805176	199.672989	-8.672989	189.102524	1.897476	185.318115	5.681885	190.911804	-0.088196	
193	353.789307	-162.789307	205.950562	-12.950562	195.337204	-2.337204	197.297134	-4.297134	193.062454	0.062454	
197	365.194336	-164.194336	211.251053	-14.251053	200.211670	-3.211670	197.816132	-0.816132	196.941666	-0.058334	
199	373.393311	-177.393311	216.216736	-17.216736	204.671402	-5.671402	201.388184	-2.388184	198.528452	-0.071548	
211	386.061768	-175.061768	220.380280	-9.380280	208.111832	2.880168	202.345078	8.654922	210.904648	-0.095352	
223	396.863170	-172.863170	226.320415	-3.320415	214.060135	8.939865	217.030822	5.969177	223.082520	0.082520	
227	404.690430	-181.690430	233.797165	-6.797165	222.035980	4.964020	231.308929	-4.308929	227.333084	0.333084	
229	420.269043	-191.269043	240.731873	-11.731873	229.160797	-0.160797	234.283920	-5.283920	229.159103	0.159103	
233	431.303711	-196.303711	246.722351	-13.722351	234.935425	-1.935425	234.770594	-1.770594	232.995926	-0.004074	
239	442.121339	-208.121339	252.330414	-13.330414	240.188370	-1.188370	238.209656	0.790344	238.956711	-0.043289	
241	453.021729	-212.021729	258.040166	-17.040166	245.599869	-4.599869	244.384720	-3.384720	240.573221	-0.026779	
251	463.423096	-218.423096	262.962891	-11.962891	249.964371	1.035629	245.282749	5.717289	249.916243	-0.081757	
257	474.486572	-211.486572	260.011193	-11.011193	255.749894	1.230406	256.028857	0.171143	257.023834	0.023834	

NUMEROS PRIMOS - AJUSTES - CIFERENCIAS ABSOLUTAS
(PARA K = 4, 5, 6, . . . , 4995)

R. F. I.

PRIMO	AJUSTE # 1	DIFERENCIAS	AJUSTE # 2	DIFERENCIAS	AJUSTE # 3	DIFERENCIAS	AJUSTE # 4	DIFERENCIAS	AJUSTE # 5	DIFERENCIAS
	AJUSTE # 1		AJUSTE # 2		AJUSTE # 3		AJUSTE # 4		AJUSTE # 5	
18713	33795.937500	-15082.937500	18916.699219	-203.699219	19682.699219	30.300781	18711.187500	1.812500	18713.003906	0.003906
18719	33812.902344	-15093.902344	18926.058594	-207.058594	13691.984375	27.015625	18722.285156	-3.285156	18719.000000	0.0
18731	33831.273438	-15100.273438	18936.789063	-205.789063	18702.742188	28.257813	18729.761719	1.238281	18731.003906	0.003906
18743	33848.484375	-15105.484375	18946.390625	-203.390625	18712.296875	30.703125	18740.562500	2.437500	18743.007813	0.007813
18749	33865.824219	-15116.824219	18956.187500	-207.187500	18721.984375	27.015625	18752.691406	-3.691406	18749.003906	0.003906
18757	33884.136719	-15127.136719	15966.929688	-205.929688	13732.667969	24.332031	18759.695313	-2.695313	18757.011719	0.011719
18773	33901.539063	-15126.539063	18976.659219	-203.659219	18742.421875	30.578125	18766.765225	6.234375	18773.011719	0.011719
18787	33918.242188	-15131.242188	18985.312500	-158.812500	18751.496094	35.503904	18782.074219	4.925781	18787.000000	0.0
18793	33936.964344	-15143.964344	18996.964844	-203.964844	18762.578125	30.421875	18798.093750	-5.093750	18793.011719	0.011719
18797	33953.024219	-15154.024219	19006.277344	-209.277344	18771.820313	25.179688	18802.253906	-5.253906	18797.011719	0.011719
18803	33970.796075	-15167.796075	19013.648438	-212.648438	18781.125000	21.875000	18806.304688	-3.304688	18803.000000	0.0
18839	33989.687500	-15150.687500	19026.890625	-187.890625	18792.406250	46.593750	18814.285156	24.714844	18839.003906	0.003906
18859	34007.156250	-15144.156250	19036.843750	-177.843750	18802.242188	56.757813	18848.843750	10.156250	18859.007813	0.007813
18869	34024.445313	-15155.445313	19046.656250	-177.656250	18811.984375	57.015625	18868.765625	0.234375	18869.023438	0.023438
18899	34042.07313	-15143.070313	19056.648438	-157.648438	18922.148438	76.851563	18879.191406	19.808594	18899.027344	0.027344
18911	34060.386719	-15145.386719	19067.480469	-156.480469	18832.937500	78.062500	18909.824219	1.175781	18911.035156	0.035156
18913	34077.617188	-15164.617188	19077.210938	-164.210938	18842.730469	70.269531	18920.824219	-7.824219	18913.031250	0.031250
18917	34094.871094	-15177.871094	19086.925688	-165.925688	18352.449219	64.550781	18922.746094	-5.746094	18917.027344	0.027344
18919	34114.007813	-15195.007813	19098.546875	-179.546875	18864.152344	54.847656	18928.734375	-9.734375	18919.031250	0.031250
18947	34132.031250	-15185.031250	19109.078125	-162.078125	18974.562500	72.437500	18929.425781	17.574219	18947.015625	0.015625
18959	34147.324219	-15188.324219	19117.312500	-158.312500	18882.855469	76.144531	18955.316406	3.683594	18959.023438	0.023438
18973	34166.640625	-15153.640625	19129.671975	-155.671975	18894.218750	78.781250	18970.402344	2.597656	18973.039063	0.039063
18979	34183.828125	-15204.828125	15138.367188	-159.367188	18903.968750	75.031250	18982.781516	-3.781516	18979.035156	0.035156
19001	34201.953125	-15200.953125	19148.984375	-147.984375	19914.640625	86.359375	18989.695313	11.304688	19001.023438	0.023438
19009	34220.09844	-15211.09844	19159.648438	-150.648438	18925.328125	83.671875	19011.726563	-2.726563	19009.039063	0.039063
19013	34237.4464844	-15224.4464844	19169.500000	-155.500000	18935.308594	77.691406	19019.007813	-6.007813	19013.027344	0.027344
19031	34255.355+69	-15224.355+69	19179.949219	-148.949219	18945.757813	85.242188	19023.484375	7.515625	19031.035156	0.035156
19037	34273.617189	-15236.617189	19191.6171875	-153.6171875	19956.554688	80.445313	19041.828125	-4.828125	19037.031250	0.031250
19051	34289.187500	-15236.187500	19193.773438	-147.773438	19964.656250	86.343750	19045.121094	5.878506	19051.019531	0.019531
19069	34309.171875	-15227.171875	19211.226563	-142.226563	18977.234375	91.765625	19063.632813	5.367188	19069.054688	0.054688
19073	34326.609375	-15253.609375	19221.234375	-148.234375	18987.234375	85.765625	19079.039063	-6.039063	19073.039063	0.039063
19079	34345.351563	-15266.351563	19232.460938	-153.460938	18998.578125	80.421875	19084.386719	-5.386719	19079.042969	0.042969
19081	34362.296875	-15281.296875	19241.960938	-160.960938	19008.054688	72.945313	19088.503906	-7.503906	19081.027344	0.027344
19087	34379.500000	-15252.500000	19251.625000	-164.625000	19017.718750	69.281250	19090.699219	-3.699219	19087.035156	0.035156
19121	34395.609375	-15271.609375	19261.199219	-140.199219	19027.421875	93.578125	19096.718750	24.281250	19121.015625	0.015625
19139	34415.585938	-15276.585938	19272.750000	-133.750000	19033.804699	100.019531	19132.597656	6.402344	19139.039063	0.039063
19141	34433.402344	-15252.402344	19283.105375	-142.105375	19049.421875	91.578125	19149.484375	-8.484375	19141.042969	0.042969
19157	34451.562500	-15294.562500	19293.777344	-136.777344	19060.136719	96.863281	19151.746094	5.253906	19157.031250	0.031250
19163	34463.421875	-15305.421875	19303.218750	-140.218750	19069.640625	93.359375	19166.535156	-3.535156	19163.031250	0.031250
19181	34486.335938	-15305.335938	19313.621094	-132.621094	19080.199219	100.800781	19173.597656	7.402344	19181.039063	0.039063
19183	34503.950938	-15320.950938	19323.792969	-140.792969	19090.406250	92.593750	19191.246094	-8.246094	19183.039063	0.039063
19207	34522.117188	-15315.117188	19334.507813	-127.507813	19101.089844	105.910156	19193.718750	13.281250	19207.035156	0.035156
19211	34541.042969	-15330.042969	19345.914063	-134.914063	19112.746094	98.253906	19218.718750	-7.718750	19211.062500	0.062500
19213	34558.960938	-15345.960938	19356.398438	-143.398438	19123.261719	89.738281	19221.558594	-8.558594	19213.042969	0.042969
19219	34575.757813	-15356.757813	19365.746694	-146.746694	19132.667969	86.332031	19222.437500	-3.437500	19219.031250	0.031250
19231	34595.007813	-15364.007813	19377.546875	-146.546875	19144.476563	86.523438	19230.851563	0.148438	19231.042969	0.042969
19237	34611.968750	-15374.968750	19387.011719	-150.011719	19154.011719	82.988281	19240.574219	-3.574219	19237.039063	0.039063
19249	34622.986375	-15380.986375	19397.539063	-148.539063	19164.578125	84.421875	19247.609375	1.390625	19249.042969	0.042969
19259	34647.843750	-15388.843750	19407.882813	-148.882813	19175.000000	84.000000	19259.646844	-0.464844	19259.042969	0.042969
19267	34665.718750	-15298.718750	1941d.324219	-151.324219	19185.437500	81.562500	19269.472656	-2.472656	19267.035156	0.035156
19273	34684.226563	-15411.226563	19429.324219	-156.324219	19196.527344	76.472656	19278.121094	-5.121094	19273.031250	0.031250
19282	34701.562500	-15412.562500	19439.171875	-130.171875	19206.421875	82.578125	19282.920618	6.070113	19289.035156	0.035156

